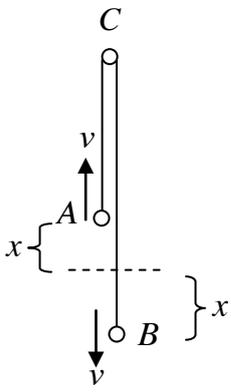


2.2.3. II ප්‍රශ්න පත්‍රයෙහි ප්‍රශ්න සඳහා අපේක්ෂිත පිළිතුරු, ලකුණු දීමේ පටිපාටිය, පිළිතුරු සැපයීම පිළිබඳ නිරීක්ෂණ, නිගමන හා යෝජනා

(10) සංයුක්ත ගණිතය II - A කොටස

1 වන ප්‍රශ්නය

1. ස්කන්ධ පිළිවෙළින් m හා $2m$ වූ A හා B අංශු දෙකක්, අවල කුඩා සැහැල්ලු සුමට C කප්පියක් උඩින් යන $2l$ දිගකින් යුතු සැහැල්ලු අවිතන්‍ය තන්තුවක දෙකෙළවරට සම්බන්ධ කර ඇත. එක් එක් අංශුව C ට l ගැඹුරකින් අල්ලා තබා පද්ධතිය මෙම පිහිටීමෙන් නිශ්චලතාවයේ සිට මුදා හරිනු ලැබේ. **ශක්ති සංස්ථිති මූලධර්මය යෙදීමෙන්**, එක් එක් අංශුව $x (< l)$ දුරක් චලනය වී ඇති විට එක් එක් අංශුවෙහි v වේගය, $v^2 = \frac{2gx}{3}$ මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වන්න. **ඒනයින්**, හෝ අන් ක්‍රමයකින් හෝ, පද්ධතියේ ත්වරණය සොයන්න.



වා.ශ + වි.ශ = නියතයක් යෙදීමෙන් \Rightarrow

$$\frac{1}{2}mv^2 + \frac{1}{2}(2m)v^2 - mg(l-x) - 2mg(l+x) = \text{නියතයකි.}$$

$$= \text{ආරම්භක අගය} = 0 - 3mgl \quad (15)$$

වෙනත් ක්‍රමයක් : ශක්ති සංස්ථිතියෙන් $\Rightarrow \frac{1}{2}mgx - mgx = \frac{1}{2}mv^2 + \frac{1}{2}(2m)v^2 \quad (15)$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} \cdot 3mv^2 = (2mg - mg)x$$

x විෂයයෙන් අවකලනයෙන් ;

$$2v \frac{dv}{dx} = \frac{2g}{3}$$

$$v^2 = \frac{2gx}{3} \quad (5)$$

පද්ධතියේ ත්වරණය $= \frac{g}{3} \quad (5)$

වෙනත් ක්‍රමයක්

t විෂයයෙන් අවකලනයෙන්

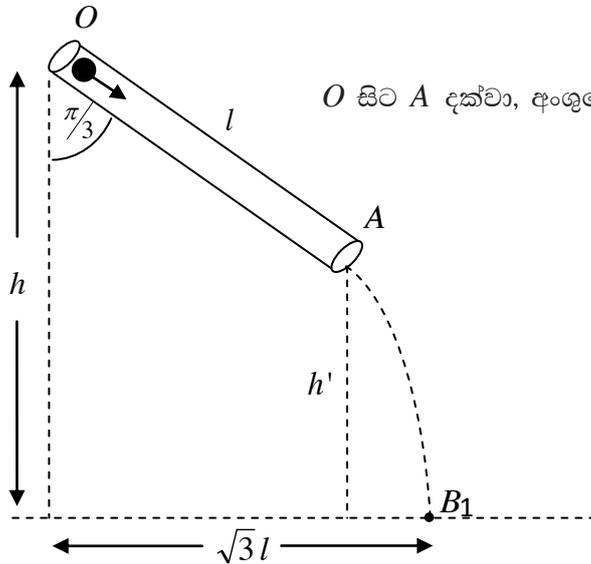
$$2v \frac{dv}{dt} = \frac{2g}{3} \left(\frac{dx}{dt} \right)$$

ත්වරණය $= \frac{dv}{dt} = \frac{g}{3} \quad (5)$

25

2 වන ප්‍රශ්නය

2. දෙකෙළවර ම විවෘත, දිග l වූ සෘජු සිහින් සුමට OA නලයක්, O ඉහළ කෙළවර තිරස් පොළොවට $h(>l)$ උසක් ඉහළින් ඇති ව, යටි අත් සිරස සමග $\frac{\pi}{3}$ කෝණයක් සාදන පරිදි සවි කර ඇත. නලය ඇතුළත, O හි සිරුවෙන් තබනු ලැබූ අංශුවක් නලය දිගේ පහළට ලිස්සා යයි. ඊළඟට අංශුව A කෙළවරින් නලයෙන් ඉවත්ව ගොස්, O සිට $\sqrt{3}l$ තිරස් දුරකින් වූ B ලක්ෂ්‍යයක දී පොළොව සමග ගැටෙයි. (i) A හි දී අංශුවේ වේගය \sqrt{gl} බව ද (ii) $h = \frac{3l}{2}$ බව ද පෙන්වන්න.



O සිට A දක්වා, අංශුවේ නියත ත්වරණය සහිත චලිතය සඳහා

$$v^2 = u^2 + 2as$$

$$v^2 = 2 \cdot g \cos \frac{\pi}{3} \cdot l \quad (5)$$

$$v^2 = gl; \quad v = \sqrt{gl}$$

A සිට B දක්වා චලිතය සඳහා,

$$\rightarrow s = ut + \frac{1}{2}at^2$$

$$\sqrt{3}l - l \sin \frac{\pi}{3} = t \sqrt{gl} \sin \frac{\pi}{3} \quad (5)$$

$$\frac{\sqrt{3}}{2}l \cdot \frac{1}{\sqrt{gl}} = \frac{\sqrt{3}}{2}t$$

$$t = \sqrt{\frac{l}{g}} \quad (5)$$

$$\downarrow h' = \frac{1}{2} \sqrt{gl} \cdot \sqrt{\frac{l}{g}} + \frac{1}{2}g \cdot \frac{l}{g} = l$$

$$\therefore h = l + l \cos \frac{\pi}{3} = \frac{3l}{2}$$

(5)

25

3 වන ප්‍රශ්නය

3. සුමට තිරස් මේසයක් මත u ප්‍රවේගයෙන් චලනය වෙමින් පවතින ස්කන්ධය m වූ P අංශුවක්, P හි පෙනෙහි නිසලව තිබෙන m ස්කන්ධය සහිත වෙනත් Q අංශුවක් සමග සරල ලෙස ගැටෙයි. අංශු දෙක අතර ප්‍රත්‍යාගති සංගුණකය e ($0 < e < 1$) නම්, ගැටුමෙන් පසු P හා Q හි ප්‍රවේගවල ඓක්‍යය හා අන්තරය සඳහා ප්‍රකාශන, u හා e ඇසුරෙන් ලබා ගන්න. **ඒකයින්**, හෝ අන් ක්‍රමයකින් හෝ, ගැටුමට පසු පද්ධතියේ ඉතිරි වන චාලක ශක්තිය, මුල් චාලක ශක්තියට දරන අනුපාතය, $(1 + e^2) : 2$ බව පෙන්වන්න.



ගම්‍යතා සංස්ථිතිය :

$$mu = mv + mw \dots\dots\dots (1)$$

$$u = v + w \quad (5)$$

නිව්ටන් ප්‍රත්‍යාගති නියමය :

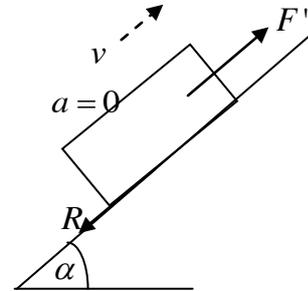
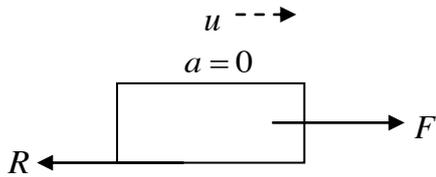
$$eu = w - v \dots\dots\dots (2) \quad (5)$$

$$\begin{aligned}
 \text{චා. ශ. අනුපාතය} &= \frac{T_1}{T_0} = \frac{v^2 + w^2}{u^2} = \left[\frac{(v+w)^2 + (w-v)^2}{2u^2} \right] = \left(\frac{u^2 + e^2u^2}{2u^2} \right) \\
 &= \frac{1}{2}(1 + e^2) \quad (5) \quad (5)
 \end{aligned}$$

25

4 වන ප්‍රශ්නය

4. එන්ජිම $H \text{ kW}$ ජවයකින් ක්‍රියා කරමින් ස්කන්ධය මෙට්‍රික් ටොන් M වූ ලොරියක්, සෘජු සමතලා පාරක් දිගේ $u \text{ m s}^{-1}$ නියත ප්‍රවේගයකින් ගමන් කරයි. ඉන් පසුව, එන්ජිම $2H \text{ kW}$ ජවයකින් ක්‍රියා කරමින්, තිරසර α කෝණයක් ආනත වූ සෘජු පාරක් දිගේ ලොරිය ඉහළට චලනය වන අතර, චලිතයට ප්‍රතිරෝධය තිරස් චලිතයට ඇති ප්‍රතිරෝධය ම වේ. මෙම අවස්ථාවේ දී ලොරියේ උපරිම වේගය $\frac{2Hu}{H + Mgu \sin \alpha} \text{ ms}^{-1}$ බව පෙන්වන්න.



ජවය = $H \text{ kW}$ බැවින්

$$\text{ප්‍රකර්ෂණ බලය } F = \frac{1000H}{u} \text{ N} \quad (5)$$

$$\longrightarrow F = ma$$

$$\frac{1000H}{u} - R = 0$$

$$R = \frac{1000H}{u} \text{ N} \quad (5)$$

$$F = ma$$

$$F' - R - Mg \sin \alpha = 0 \quad (5)$$

$$(5)$$

$$\frac{2000H}{v} = \frac{1000H}{u} + 1000Mg \sin \alpha$$

$$\frac{2H}{v} = \frac{H + Mgu \sin \alpha}{u} \quad (5)$$

$$v = \frac{2Hu}{H + Mgu \sin \alpha} \text{ ms}^{-1}$$

25

5 වන ප්‍රශ්නය

5. සුපුරුදු අංකනයෙන්, O මූලයක් අනුබද්ධයෙන් A හා B ලක්ෂ්‍ය දෙකක පිහිටුම් දෛශික පිළිවෙළින් $\lambda \underline{i} + \mu \underline{j}$ හා $\mu \underline{i} - \lambda \underline{j}$ වේ; මෙහි λ හා μ යනු $0 < \lambda < \mu$ වන පරිදි වූ තාත්ත්වික සංඛ්‍යා වේ. $A\hat{O}B$ සෘජු කෝණයක් බව පෙන්වන්න. AB රේඛා ඛණ්ඩයෙහි මධ්‍ය ලක්ෂ්‍යය C යැයි ගනිමු. \overrightarrow{OC} දෛශිකයේ විශාලත්වය 2 නම් හා එය \underline{i} ඒකක දෛශිකය සමග $\frac{\pi}{6}$ ක කෝණයක් සාදයි නම්, λ හා μ හි අගයන් සොයන්න.

$$\overrightarrow{OA} = \lambda \underline{i} + \mu \underline{j}$$

$$\overrightarrow{OB} = \mu \underline{i} - \lambda \underline{j}$$

$$\lambda, \mu \in \mathbb{R}^+ \text{ සඳහා } \overrightarrow{OA} \cdot \overrightarrow{OB} = \lambda\mu - \mu\lambda = 0 \quad (5)$$

$$\Rightarrow \hat{A}OB = \frac{\pi}{2}$$

$$\overrightarrow{OC} = \overrightarrow{OA} + \overrightarrow{AC} = \lambda \underline{i} + \mu \underline{j} + \overrightarrow{AC}$$

$$= \lambda \underline{i} + \mu \underline{j} + \frac{1}{2} \{(\mu \underline{i} - \lambda \underline{j}) - (\lambda \underline{i} + \mu \underline{j})\}$$

$$= \frac{1}{2}(\lambda + \mu)\underline{i} + \frac{1}{2}(\mu - \lambda)\underline{j} \quad (5)$$

$$\overrightarrow{OC} \cdot \underline{i} = 2 \cos \frac{\pi}{6} = \sqrt{3} = \frac{1}{2}(\lambda + \mu) \quad (5)$$

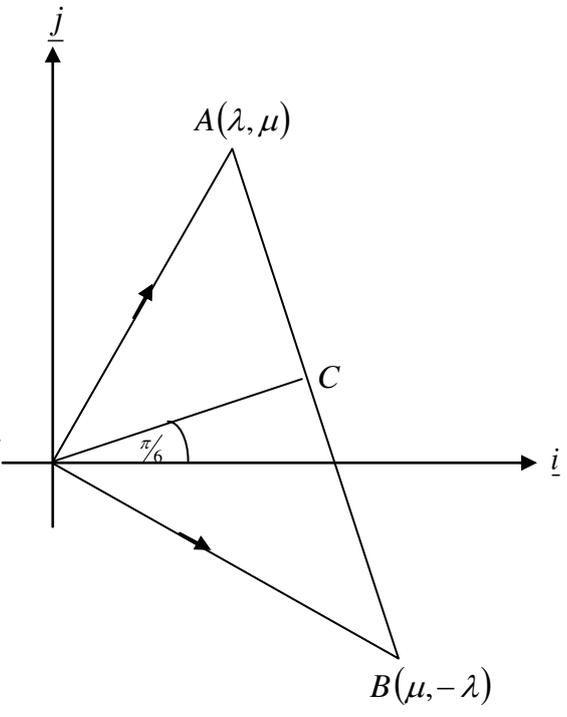
$$\overrightarrow{OC} \cdot \underline{j} = 2 \sin \frac{\pi}{6} = 1 = \frac{1}{2}(\mu - \lambda) \quad (5)$$

අඩු කිරීමෙන් සහ එකතු කිරීමෙන් \Rightarrow

$$\lambda = \sqrt{3} - 1, \quad \mu = \sqrt{3} + 1$$

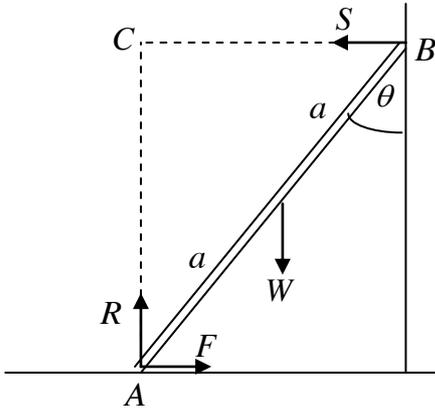
(5)

25



6 වන ප්‍රශ්නය

6. ඒකාකාර සිහින් බර දණ්ඩක්, එහි එක කෙළවරක් රළ තිරස් ගෙබිමක් මත හා අනෙක් කෙළවර සුමට සිරස් බිත්තියකට එරෙහිව නිසලව තිබේ. දණ්ඩ බිත්තිය සමඟ θ සුළු කෝණයක් සාදමින්, බිත්තියට ලම්බ සිරස් තලයක පිහිටයි. මෙම පිහිටීමේ දී දණ්ඩ සමතුලිතව තිබීම සඳහා, දණ්ඩ හා ගෙබිම අතර μ සර්ඝණ සංගුණකය $\mu \geq \frac{1}{2} \tan \theta$ සපුරාලිය යුතු බව පෙන්වන්න.



විභේදනයෙන්

$$\begin{aligned} \rightarrow & F = S \quad (5) \\ \uparrow & R = W \quad (5) \end{aligned}$$

A වටා ඝූර්ණය ගැනීමෙන් :

$$A \curvearrowright \quad S \cdot 2a \cos \theta = W \cdot a \sin \theta \quad (5)$$

$$S = F \quad \text{නිසා} \quad F = \frac{1}{2} W \tan \theta \leq \mu R \quad (5)$$

$$\frac{1}{2} W \tan \theta \leq \mu W \Rightarrow \mu \geq \frac{1}{2} \tan \theta$$

(5)

25

7 වන ප්‍රශ්නය

7. A, B හා C යනු S නියැදි අවකාශයක ස්වායත්ත සිද්ධි තුනක් යැයි ගනිමු. සුපුරුදු අංකනයෙන්, $P(A \cup B \cup C)$ සම්භාවිතාව, $P(A), P(B)$ හා $P(C)$ සම්භාවිතා ඇසුරෙන් ප්‍රකාශ කරන්න.

$P(A) = \frac{1}{4}, P(B) = \frac{1}{2}$ හා $P(A \cup B \cup C) = \frac{3}{4}$ බව තවදුරටත් දී ඇති විට, $P(C)$ සම්භාවිතාව සොයන්න.

දෙනලද සම්භාවිතා : $P(A) = \frac{1}{4}, P(B) = \frac{1}{2}$ and $P(A \cup B \cup C) = \frac{3}{4}$

A, B හා C ස්වායත්ත සිද්ධි බැවින්,

$$P(A \cup B \cup C) = P(A) + P(B) + P(C) - P(A) \cdot P(B) - P(B) \cdot P(C) - P(C) \cdot P(A) + P(A) \cdot P(B) \cdot P(C)$$

(10)

$$\frac{3}{4} = \frac{1}{4} + \frac{1}{2} + P(C) - \frac{1}{8} - \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{4}\right) \cdot P(C) + \frac{1}{8} \cdot P(C) \quad (5)$$

$$\frac{1}{8} = P(C) \left[1 + \frac{1}{8} - \frac{3}{4}\right] = P(C) \cdot \left[\frac{3}{8}\right] \quad (5) \quad \therefore P(C) = \frac{1}{3} \quad (5)$$

25

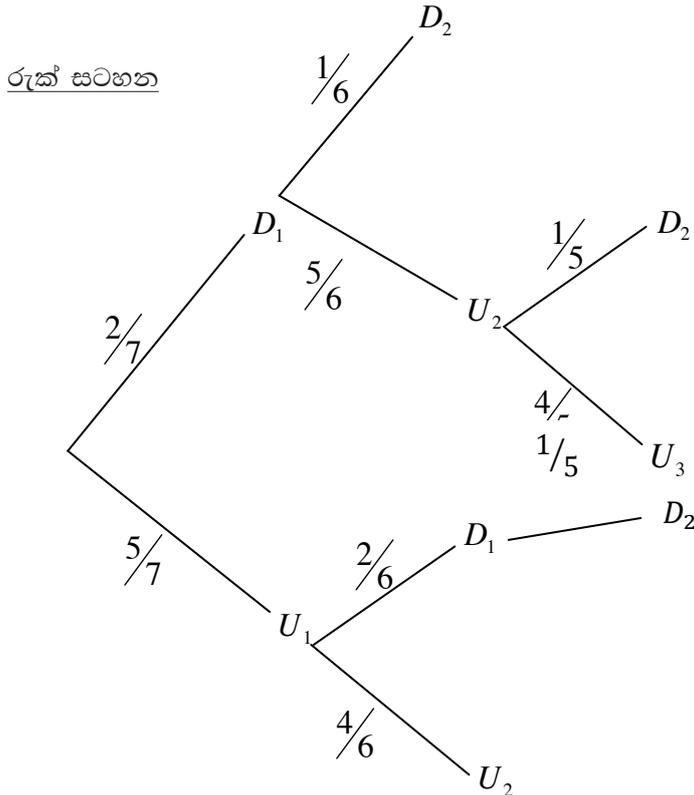
8 වන ප්‍රශ්නය

8. සර්වසම පෙනුමැති විදුලි බල්බ 7 ක් පෙට්ටියක අඩංගු වේ. මෙම බල්බවලින් 2 ක් දෝෂ සහිත බවත්, ඉතිරිය පාවිච්චි කළ හැකි බවත් දැනගෙන ඇත. දෝෂ සහිත බල්බ 2 ම හඳුනා ගන්නා තුරු එකකට පසුව අනෙක වශයෙන් බල්බ පරීක්ෂා කරනු ලැබේ.

(i) බල්බ දෙකක් පමණක්, (ii) බල්බ තුනක් පමණක් පරීක්ෂා කිරීමෙන් පසු දෝෂ සහිත බල්බ දෙක ම හඳුනා ගැනීමට හැකිවීමේ සම්භාවිතාව සොයන්න.

විදුලි බල්බ 7 ක් අතුරෙන් 2 ක් දෝෂ සහිත වන අතර 5 ක් පාවිච්චි කළ හැකි වේ.

$D =$ දෝෂ සහිත වීම, $U (= D^c) =$ පාවිච්චි කළ හැකි වීම



$$P(D_1) = \frac{2}{7} \quad (5)$$

$$P(D_1D_2) = \frac{2}{7} \cdot \frac{1}{6} = \frac{1}{21} \quad (5)$$

$$P(D_1U_2D_2) = \frac{2}{7} \cdot \frac{5}{6} \cdot \frac{1}{5} = \frac{1}{21} \quad (5)$$

$$P(U_1D_1D_2) = \frac{5}{7} \cdot \frac{2}{6} \cdot \frac{1}{5} = \frac{1}{21} \quad (5)$$

පරීක්ෂාව ; 1 වැනි 2 වැනි 3 වැනි

පරීක්ෂා දෙකක් පමණක් සෑහීමේ සම්භාවිතාව $= P(D_1D_2) = \frac{1}{21}$

පරීක්ෂා තුනක් පමණක් සෑහීමේ සම්භාවිතාව $= P(D_1U_2D_2) + P(U_1D_1D_2) = \frac{1}{21} + \frac{1}{21} = \frac{2}{21}$

(5) 50

9 වන ප්‍රශ්නය

9. පූර්ණ සංඛ්‍යා හතක S කුලකයක සංඛ්‍යා පහත දැක්වෙන අයුරු ආරෝහණ පටිපාටියට සකසා ඇත.

$$S = \{1, 2, 4, x, y, 11, 13\}.$$

සංඛ්‍යාවල මධ්‍යන්‍යය y නම්, x හා y හි අගයන් නිර්ණය කරන්න. සංඛ්‍යාවල විචලතාව $\frac{120}{7}$ බව පෙන්වන්න.

ආරෝහණ පිළිවෙලට ධන පූර්ණ සංඛ්‍යා හත : 1 2 4 x y 11 13

$$\text{මධ්‍යන්‍යය} = y \Rightarrow 1+2+4+x+y+11+13=7y$$

$$\Rightarrow 6y - x = 31 \quad (5)$$

$$x = 4 \text{ යැයි සිතමු.} \quad : 6y - 4 = 31$$

$$6y = 35. \quad (5) \quad y \text{ සඳහා ධන පූර්ණ විසඳුමක් නොමැත.}$$

$$x = 5: \text{ යැයි සිතමු} : 6y - 5 = 31$$

$$y = 6 \quad (5)$$

වෙනත් ක්‍රමයක්
 $\because 4 \leq x \leq 11$ බැවින්
 $35 \leq 6y \leq 42$
 තිබිය හැකි නිඛිල y :
 $y = 6$ හෝ $y = 7$
 $\Rightarrow x = 5 \quad (5) \quad \Rightarrow x = 11 \quad (5)$
 ($x < y$ නිසා විසංවාදයකි)

$$\text{විසඳුම} : x = 5, \quad y = 6 = \mu$$

$$\text{විචලතාව} : S^2 = \frac{1}{7} \sum_{i=1}^7 (x_i - \mu)^2 \quad (5)$$

$$= \frac{1}{7} [(-5)^2 + (-4)^2 + (-2)^2 + (-1)^2 + 0 + 5^2 + 7^2] \quad (5)$$

$$= \frac{1}{7} (25 + 16 + 4 + 1 + 25 + 49) = \frac{120}{7}$$

25

10 වන ප්‍රශ්නය

10. මුහුණත් 1, 2, 3, 4, 5, 6 ලෙස සලකුණු කරන ලද දාදු කැටයක් 50 වරක් උඩ දැමූ විට දාදු කැටයේ උඩත් මුහුණතේ දක්නට ලැබුණු අංකවල සංඛ්‍යාත ව්‍යාප්තිය පහත දැක්වේ:

| | | | | | | |
|-----------|----------|---|----------|----|---|---|
| අංකය | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
| සංඛ්‍යාතය | α | 9 | γ | 11 | 8 | 7 |

සංඛ්‍යාත ව්‍යාප්තියෙහි මධ්‍යන්‍යය 3.66 බව දී ඇත්නම්, α හා γ හි අගයන් නිර්ණය කර, මාතය හා මධ්‍යස්ථය සොයන්න.

| | | | | | | |
|---------------|----------|---|----------|----|---|---|
| Number x | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
| Frequency f | α | 9 | γ | 11 | 8 | 7 |

$$\sum f =: 50 = \alpha + \gamma + 35 \Rightarrow \alpha + \gamma = 15 \quad (5)$$

$$\text{තවද, මධ්‍යන්‍යය} = 3.66 \Rightarrow 50 \times 3.66 = 183 = 1 \cdot \alpha + 2 \cdot 9 + 3 \cdot \gamma + 4 \cdot 11 + 5 \cdot 8 + 6 \cdot 7$$

$$= \alpha + 3\gamma + 144 \Rightarrow \alpha + 3\gamma = 39 \quad (5)$$

(5)

(5)

$$\text{විසඳීමෙන් : } \gamma = 12 \text{ සහ } \alpha = 3 \quad (5)$$

$$\text{මාතය} = 3 \quad (5) \quad \text{මධ්‍යස්ථය} = 4$$

(5)

25

(10) සංයුක්ත ගණිතය II - B කොටස

11 වන ප්‍රශ්නය

11. (a) P හා Q අංශු දෙකක් අවල තිරස් ගෙබිමක් මත ලක්ෂ්‍ය දෙකක සිට පිළිවෙළින් u හා $\frac{u}{\sqrt{2}}$ වේගවලින් සිරස් ව ඉහළට, එක විට ප්‍රක්ෂේප කරනු ලැබේ. ගෙබිම සිට $\frac{u^2}{4g}$ උසකින් අවල සුමට තිරස් සිවිලිමක් ඇත. සිවිලිමත් එය සමග ගැටෙන P අංශුවත් අතර ප්‍රත්‍යාගති සංගුණකය $\frac{1}{\sqrt{2}}$ වන අතර, අංශු දෙක ගුරුත්වය යටතේ පමණක් ඉහළට හා පහළට චලනය වේ.

(i) P අංශුව සිවිලිම සමග ගැටීමට මොහොතකට පෙර එහි වේගයත්, ගැටීම සිදු වන මොහොත දක්වා ගත වූ T_1 කාලයත් සොයන්න.

P අංශුව එහි ප්‍රක්ෂේප ලක්ෂ්‍යය කරා $\frac{u\sqrt{3}}{2}$ වේගයෙන් ආපසු පැමිණෙන බව පෙන්වන්න.

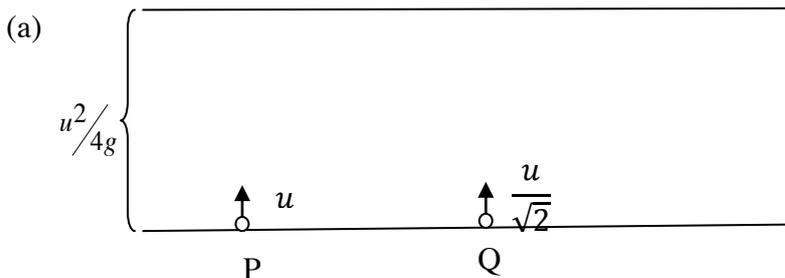
(ii) Q අංශුව, සිවිලිමට යන්නමින් ළඟා වන බව පෙන්වා, එම මොහොත දක්වා ගත වූ T_2 කාලය සොයන්න.

(iii) P හා Q අංශු දෙකෙහි ප්‍රක්ෂේප මොහොතේ සිට ආපසු අදාළ ප්‍රක්ෂේප ලක්ෂ්‍ය වෙතට පැමිණීම දක්වා, ඒවායේ චලිත සඳහා ප්‍රවේග-කාල ප්‍රස්තාරවල දළ සටහන්, එක ම රූපයක අඳින්න.

(iv) ප්‍රවේග-කාල ප්‍රස්තාර භාවිතයෙන්, P අංශුව සිවිලිම සමග ගැටෙන මොහොතේ දී Q අංශුව, සිවිලිමට $\frac{u^2}{2g}(\sqrt{2} - 1)^2$ සිරස් දුරක් පහළින් තිබෙන බව පෙන්වන්න.

(b) S නැවක්, u ඒකාකාර වේගයෙන් උතුරු දිශාවට යාත්‍රා කරයි. එහි සරල රේඛීය පෙත P වරායක සිට නැගෙනහිර පැත්තට p ලම්බ දුරකින් පිහිටා ඇත. එක්තරා මොහොතක දී, \overline{PS} හි දිශාව නැගෙනහිරින් දකුණට 45° කෝණයක් සාදන විට දී ම, S නැව හමු වීම සඳහා B_1 හා B_2 සැපයුම් බෝට්ටු දෙකක් P වරායේ සිට වෙනස් දිශා දෙකකට $v\left(\frac{u}{\sqrt{2}} < v < u\right)$ ඒකාකාර වේගයෙන් එක විට ගමන් අරඹයි. මෙම බෝට්ටු පිළිවෙළින් T_1 හා $T_2 (> T_1)$ කාලවල දී S නැවට ළඟා වේ. $\frac{v}{u} = \sqrt{\frac{2}{3}}$ බව තවදුරටත් දී ඇත්නම්, S නැවට සාපේක්ෂ ව B_1 හා B_2 බෝට්ටුවල චලිත සඳහා සාපේක්ෂ ප්‍රවේග ත්‍රිකෝණ දෙකෙහි දළ සටහන් එක ම රූපයක ඇඳ, P වරායේ සිට S නැව වෙත ගමන් කිරීමේ දී B_1 හා B_2 බෝට්ටුවල නියම චලිත දිශා සොයන්න.

තවදුරටත්, $T_2 - T_1 = \frac{2\sqrt{3}p}{u}$ බව පෙන්වන්න.



(i) P අංශුව

$$v^2 = u^2 - 2g \cdot \frac{u^2}{4g} = \frac{u^2}{2} \quad (5)$$

සිවිලිම සමග ගැටුමට පෙර P හි ප්‍රවේගය, $v = \frac{u}{\sqrt{2}} \uparrow \quad (5)$

කාලය T_1 දෙනු ලබන්නේ $\frac{u}{\sqrt{2}} = u - gT_1 \quad (5) \Rightarrow T_1 = \frac{u}{g} \left(1 - \frac{1}{\sqrt{2}}\right)$ 15

සිවිලිම සමග ගැටුමට මොහොතකට පසු එහි ප්‍රවේගය $= ev = \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot \frac{u}{\sqrt{2}} = \frac{u}{2} \downarrow \quad (5)$

ප්‍රක්ෂේපණ ලක්ෂ්‍යයට ආපසු පැමිණෙන විට P හි w ප්‍රවේගය

$$w^2 = \left(\frac{u}{2}\right)^2 + 2g \left(\frac{u^2}{4g}\right) \Rightarrow w = \frac{u\sqrt{3}}{2} \quad (5) \quad \text{10}$$

(ii) Q අංශුව

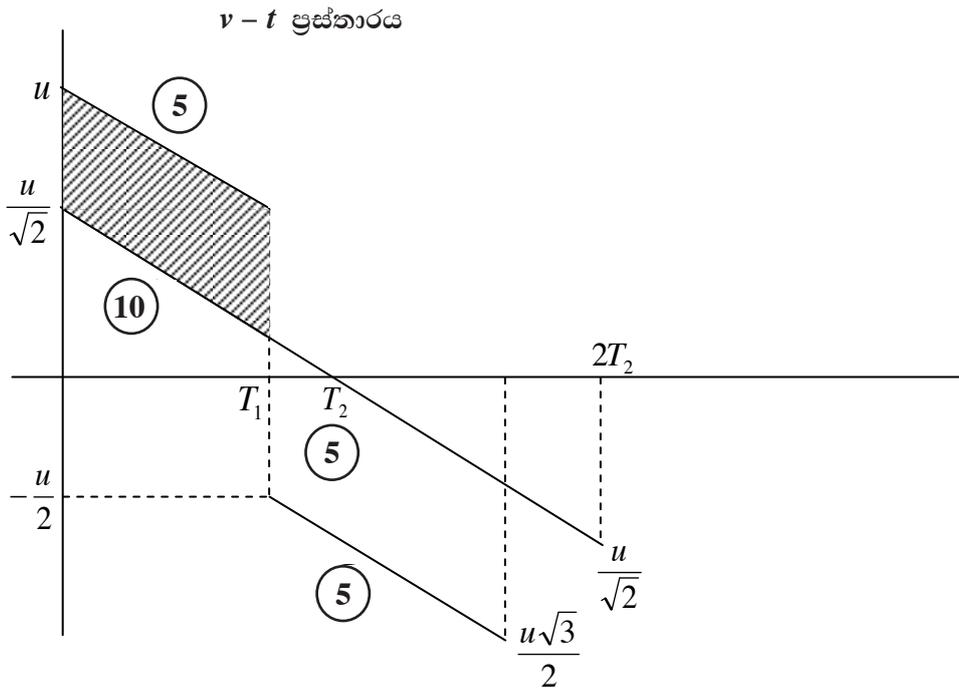
$$v_1^2 = \left(\frac{u}{\sqrt{2}}\right)^2 - 2g \left(\frac{u^2}{4g}\right) = 0; \quad (5) \quad Q \text{ අංශුව, ශුන්‍ය ප්‍රවේගයකින් සිවිලිමට ළඟා වෙයි.}$$

සිවිලිමට ළඟා වීමට ගත කරන කාලය T_2 දෙනු ලබන්නේ $0 = \frac{u}{\sqrt{2}} - gT_2 \Rightarrow T_2 = \frac{u}{\sqrt{2}g} \quad (5) \quad \text{10}$

ආපසු (පහළට) චලිතයේදී, Q අංශුව ප්‍රක්ෂේපණ ලක්ෂ්‍යයට ළඟාවීමේ ප්‍රවේගය $= \frac{u}{\sqrt{2}} \downarrow \quad (5)$

ගත වූ කාලය $2T_2 = \frac{u}{g} \sqrt{2}$

(iii)



30

(iv) කාලය T_1 වන විට Q අංශුව සිව්ලිමට පහළින් පිහිටන දුර

= රූපසටහනෙහි අදුරු පෙදෙසේ වර්ගඵලය

$$= \left(u - \frac{u}{\sqrt{2}}\right) T_1 \quad (5)$$

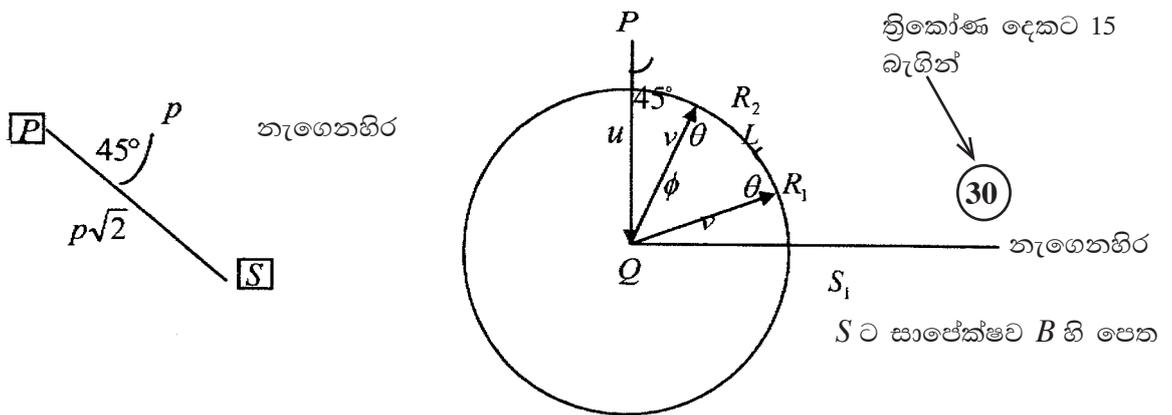
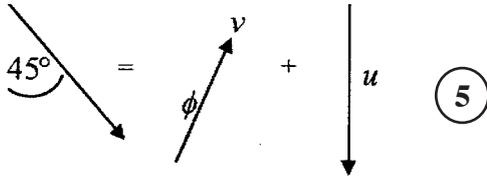
$$= \frac{u}{\sqrt{2}} (\sqrt{2} - 1) \times \frac{u}{\sqrt{2}g} (\sqrt{2} - 1) \quad (5)$$

$$= \frac{u^2}{2g} (\sqrt{2} - 1)^2$$

10

(b) වරාය P , නැව S , බෝට්ටුව B

$$\text{ප්‍රවේ (B, S)} = \text{ප්‍රවේ (B, P)} + \text{ප්‍රවේ (P, S)} \quad (5)$$



ප්‍රවේ (B, P) සඳහා දිශා දෙකක් තිබිය හැකි අතර ඒවා එක එකක් සාපේක්ෂ පෙන සමඟ θ කෝණයක් සාදයි.

$$\frac{v}{u} = \sqrt{\frac{2}{3}} \text{ බව දී ඇත.}$$

PQR_1 හෝ PQR_2 ත්‍රිකෝණයෙන්,

$$\frac{v}{\sin 45^\circ} = \frac{u}{\sin \theta} \Rightarrow \sin \theta = \left(\frac{u}{v}\right) \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}} \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow \theta = 60^\circ \quad (5)$$

(5)

$$\therefore \phi = 15^\circ$$

වරායට (පොළොවට) සාපේක්ෂව,

(i) B_1 හි ප්‍රවේගය, නැගෙනහිරින් උතුරට 15° කෝණයක් සාදයි. (5)

(ii) B_2 හි ප්‍රවේගය, උතුරින් නැගෙනහිරට 15° කෝණයක් සාදයි. (5)

60

$$T_2 - T_1 = \sqrt{2} p \left(\frac{1}{PR_2} - \frac{1}{PR_1} \right) = \frac{\sqrt{2} p}{PR_1 \cdot PR_2} (PR_1 - PR_2) \quad (5)$$

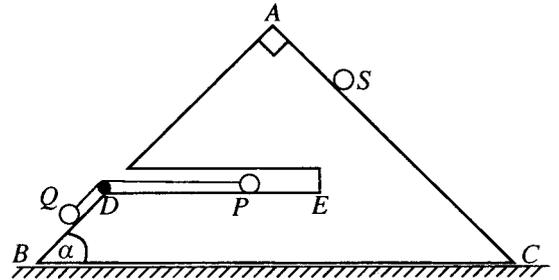
$$= \frac{\sqrt{2} p v}{\left(\frac{u}{\sqrt{2}} + \frac{v}{2} \right) \left(\frac{u}{\sqrt{2}} - \frac{v}{2} \right)} = \frac{\sqrt{2} p v}{\left(\frac{u^2}{2} - \frac{v^2}{4} \right)} = \frac{\sqrt{2} p \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}} u}{\frac{u^2}{2} \left(1 - \frac{1}{3} \right)} = \frac{2\sqrt{3} p}{u}$$

(5) (5)

15

12 වන ප්‍රශ්නය

12.(a) දී ඇති රූපයේ, ABC ත්‍රිකෝණය, ස්කන්ධය M වූ ඒකාකාර සුමට කුඤ්ඤයක ගුරුත්ව කේන්ද්‍රය ඔස්සේ යන සිරස් හරස්කඩක් නිරූපණය කරයි. කුඤ්ඤය තුළ BC ට සමාන්තර වූ DE සිහින් සුමට පිල්ලක් ඇත. AB හා AC රේඛා, අදාළ මුහුණත්වල උපරිම බෑවුම් රේඛා වන අතර $\angle ABC = \alpha$ හා $\angle BAC = \frac{\pi}{2}$ වේ.

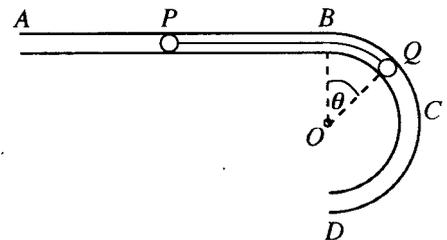


BC අඩංගු මුහුණත අවල සුමට තිරස් මේසයක් මත සිටින පරිදි කුඤ්ඤය තබා ඇත. එක එකක ස්කන්ධය

m වූ P හා Q අංශු දෙකක් පිළිවෙළින් DE හා DB මත තබා ඒවා, D ලක්ෂ්‍යයෙහි පිහිටි කුඩා සුමට සැහැල්ලු කප්පියක් උඩින් යන සැහැල්ලු අවිනන්‍ය තන්තුවකින් ඇඳා ඇත. ස්කන්ධය $\frac{m}{2}$ වූ S අංශුවක් AC මත ලක්ෂ්‍යයක තබා P හා Q සම්බන්ධ කෙරෙන තන්තුව ඇඳී තිබිය දී, පද්ධතිය මෙම පිහිටීමෙන් නිශ්චලතාවයේ සිට මුදා හරිනු ලැබේ.

P අංශුවට ED දිගේ ද Q අංශුවට DB දිගේ ද S අංශුවට AC දිගේ ද චලිත සමීකරණ ලියා දක්වන්න. තවදුරටත්, මුළු පද්ධතියට ම BC දිගේ චලිත සමීකරණය ලියන්න. **ඒනයිත්,** කුඤ්ඤයේ ත්වරණය \vec{BC} හි දිශාවට $\frac{mg \sin \alpha}{2M + 3m - 2m \cos \alpha}$ බව පෙන්වන්න.

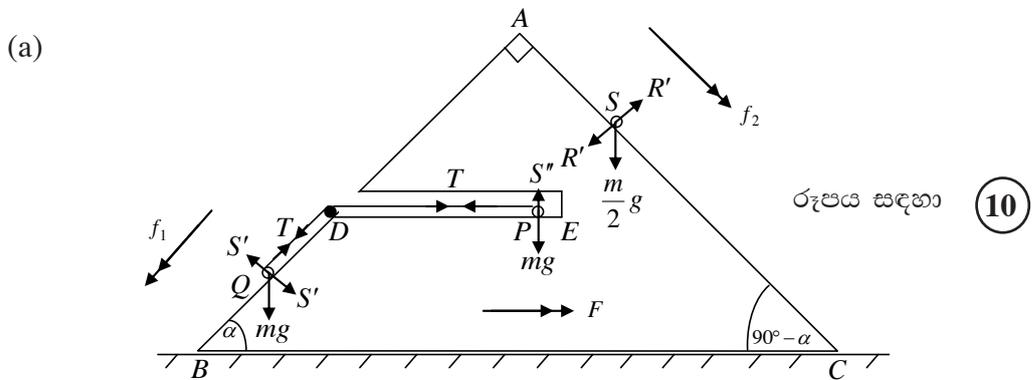
(b) $ABCD$ සිහින් සුමට නලයක් පහත රූපයේ දැක්වෙන ආකාරයට නවා ඇත. නලයේ AB කොටස සෘජු වේ. BCD කොටසට අරය a හා කේන්ද්‍රය O වූ අර්ධ වෘත්තාකාර හැඩයක් ඇති අතර BD විෂ්කම්භය AB ට ලම්බ වේ. AB තිරස් ව හා ඉහළින් ම ඇතිව නලය සිරස් තලයක සවිකර ඇත. නලය ඇතුළත, ස්කන්ධය m වූ P අංශුවක් හා ස්කන්ධය $3m$ වූ Q අංශුවක් $l (> \frac{\pi a}{2})$ දිගැති සැහැල්ලු අවිනන්‍ය තන්තුවකින් සම්බන්ධ කර ඇත. ආරම්භයේ දී, තන්තුව ඇඳී AB දිගේ තිබෙන අතර Q අංශුව B ලක්ෂ්‍යයේ තබා ඇත. Q අංශුව මෙම පිහිටීමේ සිට යන්තමින් විස්ථාපනය කරනු ලැබීමෙන් t කාලයක දී OQ අරය θ සුළු කෝණයකින් හැරේ.



ශක්ති සංස්ථිති මූලධර්මය යෙදීමෙන්, $\left(\frac{d\theta}{dt}\right)^2 = \frac{3g}{2a}(1 - \cos\theta)$ බව පෙන්වන්න.

ඒනයිත්, හෝ අන් ක්‍රමයකින් හෝ, P අංශුවේ ත්වරණය $\frac{3g}{4} \sin\theta$ බව පෙන්වන්න.

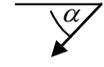
t කාලයේ දී Q අංශුව මත නලයෙන් ඇති කරන ප්‍රතික්‍රියාව හා තන්තුවේ ආතතිය සොයන්න.



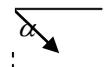
නිව්ටන් දෙවැනි නියමය යෙදීමෙන් :

P අංශුවට, ED දිගේ : ←

$$T = m(f_1 - F) \dots \dots \dots (1) \quad (10)$$

Q අංශුවට, DB දිගේ : 

$$mg \sin \alpha - T = m(f_1 - F \cos \alpha) \dots \dots \dots (2) \quad (10)$$

S අංශුවට, AC දිගේ : 

$$\frac{m}{2} g \cos \alpha = \frac{m}{2} (f_2 + F \sin \alpha) \dots \dots \dots (3) \quad (10)$$

පද්ධතියට, BC දිගේ : \longrightarrow

$$0 = MF + m(F - f_1) + m(F - f_1 \cos \alpha) + \frac{m}{2} (F + f_2 \sin \alpha) \dots \dots \dots (4) \quad (15) \quad \boxed{55}$$

(1) + (2) :

$$\frac{mg \sin \alpha = 2f_1 - F(1 + \cos \alpha)}{m}$$

$$\Rightarrow f_1 = \frac{g \sin \alpha + F(1 + \cos \alpha)}{2} \quad (5)$$

(3) න්,

$$f_2 = g \cos \alpha - F \sin \alpha \quad (5)$$

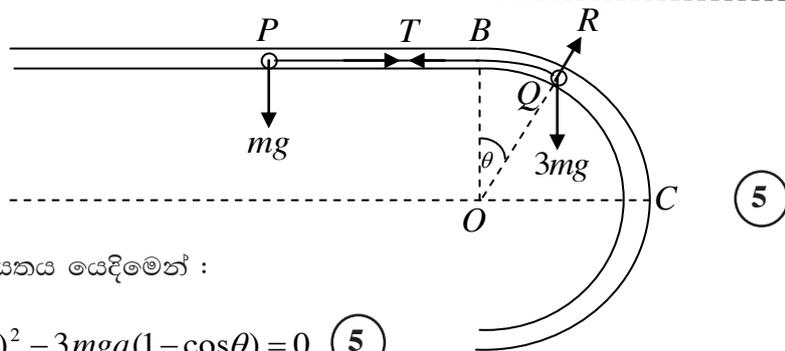
(4) $\Rightarrow 0 = F \left\{ M + \frac{5m}{2} \right\} - m f_1 (1 + \cos \alpha) + \frac{m}{2} f_2 \sin \alpha$

$$0 = \frac{F}{2} (2M + 5m) - \frac{m}{2} (1 + \cos \alpha) \{ g \sin \alpha + F(1 + \cos \alpha) \} + \frac{m}{2} \sin \alpha (g \cos \alpha - F \sin \alpha) \quad (10)$$

$$mg \sin \alpha = F \{ 2M + 5m - m(1 + \cos \alpha)^2 - m \sin^2 \alpha \}$$

$$= F \{ 2M + 3m - 2m \cos \alpha \} \quad (5)$$

$$\Rightarrow F = \frac{mg \sin \alpha}{2m + 3m - 2m \cos \alpha} \quad \boxed{25}$$



(b) ව. ශ. + වි. ශ. = නියතය යෙදීමෙන් :

$$\frac{1}{2} m (a \dot{\theta})^2 + \frac{3m}{2} (a \dot{\theta})^2 - 3mga(1 - \cos \theta) = 0 \quad (5)$$

(10)

(10)

$$\dot{\theta}^2 = \frac{3g}{2a} (1 - \cos \theta) \quad (5)$$

35

θ විෂයයෙන් අවකලනයෙන් $2\theta \frac{d\dot{\theta}}{d\theta} = \frac{3g}{2a} \sin\theta$ (5)

$$\Rightarrow a\ddot{\theta} = \frac{3g}{4} \sin\theta$$

$\therefore P$ අංශුවේ ත්වරණය $= a\ddot{\theta} = \frac{3g}{4} \sin\theta \rightarrow$ (5)

10

P හා Q අංශු සඳහා නිව්ටන් දෙවැනි නියමය යෙදීමෙන් :

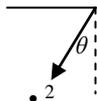
PB දිගේ P අංශුවට \rightarrow

$$T = ma\ddot{\theta} \quad (5)$$

$$\Rightarrow T = m \frac{3g}{4} \sin\theta. \quad (5)$$

= තන්තුවේ ආතතිය

QO දිගේ Q අංශුවට



$$3mg \cos\theta - R = 3ma\ddot{\theta} \quad (5)$$

$$R = 3mg \cos\theta - 3ma \frac{3g}{2a} (1 - \cos\theta) \quad (5)$$

$$= 3mg \cos\theta - \frac{9mg}{2} + \frac{9mg}{2} \cos\theta$$

$$= \frac{3mg}{2} (5\cos\theta - 3) \quad (5)$$

25

13 වන ප්‍රශ්නය

13. ස්වාභාවික දිග a හා ප්‍රත්‍යාස්ථතා මාපාංකය $2mg$ වූ සැහැල්ලු ප්‍රත්‍යාස්ථ තන්තුවක එක කෙළවරක් අවල A ලක්ෂ්‍යයකට ගැට ගසා ඇත. A හි මට්ටමට ඉහළින් සවිකරන ලද B කුඩා සුමට නාදැත්තක් උඩින් තන්තුව යන අතර, තන්තුවේ අනෙක් කෙළවරට ස්කන්ධය m වූ P අංශුවක් සම්බන්ධ කර ඇත. AB දුර a වන අතර, BA යටි අත් සිරස සමග සාදන කෝණය $\frac{\pi}{3}$ වේ. ආරම්භයේ දී P අංශුව B නාදැත්තට යන්තමින් පහළින් තබා සිරස් ව පහළට $u = \sqrt{\frac{5ga}{8}}$ වේගයෙන් ප්‍රක්ෂේප කරනු ලැබේ. කාලය t වන විට තන්තුවේ විකෘතිය x යැයි ගනිමු. P අංශුවෙහි සරල අනුවර්තී චලිතය සඳහා සමීකරණය $\ddot{X} + \omega^2 X = 0$ ආකාරයෙන් ප්‍රකාශ කළ හැකි බව පෙන්වන්න; මෙහි $X = x - \frac{a}{2}$ හා $\omega^2 = \frac{2g}{a}$ වේ. මෙම චලිත සමීකරණය සඳහා, $\dot{X}^2 = \omega^2 (A^2 - X^2)$ ආකාරයේ විසඳුමක් උපකල්පනය කරමින්, සරල අනුවර්තී චලිතයේ විස්තාරය $A = \frac{3a}{4}$ බව පෙන්වා, අංශුව ළඟා වන පහත් ම පිහිටීම වූ E ලක්ෂ්‍යය සොයන්න.

සරල අනුවර්තී චලිතයේ C කේන්ද්‍රය පසු කර අංශුව යන විට එහි වේගය $\frac{3u}{5}$ බව පෙන්වන්න.

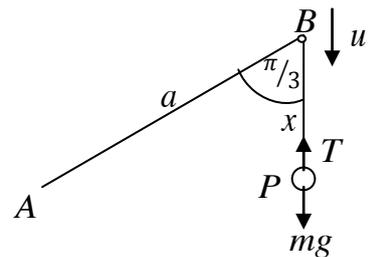
අනුරූප ව්‍යන්ත චලිතය සැලකීමෙන්, හෝ අන් ක්‍රමයකින් හෝ, P අංශුව පහළට චලනය වීමේ දී C පසු කර යෑමට ගන්නා කාලය $\sqrt{\frac{a}{2g}} \left\{ \frac{\pi}{2} - \cos^{-1} \left(\frac{2}{3} \right) \right\}$ බව පෙන්වන්න.

තවදුරටත්, P අංශුව එහි පහත් ම පිහිටීම වූ E වෙත ළඟා වීමට ගන්නා කාලයත්, නාදැත්ත මත තන්තුවෙන් ඇති කරන ලබන බලයේ උපරිම විශාලත්වයත් සොයන්න.

P අංශුවට $F = ma$ යොදමු.

$$\downarrow mg - T = m\ddot{x} \quad (5)$$

$$T = 2mg \left(\frac{x}{a} \right), \because \text{ප්‍රත්‍යාගති සංගුණකය} = 2mg \quad (5)$$



T ඉවත් කිරීමෙන් හා m වලින් බෙදීමෙන්

$$g = \ddot{x} + \frac{2g}{a}x \quad (5) \quad \text{හෝ} \quad \ddot{x} + \frac{2g}{a} \left(x - \frac{a}{2} \right) = 0 \quad (5)$$

$$\ddot{X} + \omega^2 X = 0, \quad \text{මෙහි } X = x - \frac{a}{2} \text{ හා } \omega^2 = \frac{2g}{a} \text{ වේ.} \quad (5)$$

25

සරල අනුවර්තී චලිතයේ (SHM) C කේන්ද්‍රය : $X = 0 \Rightarrow x = \frac{a}{2} = BC$ (5)

SHM සමීකරණයේ උපකල්පිත විසඳුම, $\dot{X}^2 = \omega^2 (A^2 - X^2)$,

මෙහි A යනු චලිතයේ විස්තාරය වේ.

$$\text{ආරම්භයේදී } x = 0 \text{ වන විට } X = -\frac{a}{2} \text{ හා } \dot{x} = \dot{X} = \sqrt{\frac{5ga}{8}} = u \text{ වේ.} \quad (5) \quad (5)$$

දී ඇති ආකාරයේ විසඳුමට ආදේශයෙන්

$$A \text{ ධන නිසා, } \frac{5ga}{8} = \frac{2g}{a} \left[A^2 - \left(-\frac{a}{2} \right)^2 \right] \quad (5)$$

$$\frac{5a^2}{16} + \frac{a^2}{4} = A^2 = \frac{9a^2}{16}$$

$$, A = \frac{3a}{4}. \quad (5)$$

$$\text{එනම්, විස්තරය} = \frac{3a}{4} \quad (5)$$

$$\text{තන්තුවේ උපරිම විතතිය} \Rightarrow \dot{X} = 0 \Rightarrow X = A \text{ එනම් } x - \frac{a}{2} = \frac{3a}{4} \Rightarrow x = \frac{5a}{4}. \quad (5)$$

35

$$\dot{X}^2 = \omega^2 (A^2 - X^2), \text{ මෙහි } A = \frac{3a}{4}$$

කේන්ද්‍රය ($X = 0$) පසුකර යනවිට අංශුවේ වේගය V ,

$$V^2 = \omega^2 A^2 = \frac{2g}{a} \cdot \frac{9a^2}{16} \Rightarrow V = 3\sqrt{\frac{ga}{8}} \quad (5)$$

$$\text{තවද, } u^2 = \frac{5ga}{8}.$$

$$\therefore \left(\frac{V}{u} \right)^2 = \frac{9ga}{8} \cdot \frac{8}{5ga} \quad (5)$$

$$\Rightarrow V = \frac{3u}{\sqrt{5}}. \quad (5)$$

20

$$\alpha \text{ යනු, } \alpha = \cos^{-1} \left(\frac{2}{3} \right) \text{ වූ සුළු කෝණය ලෙස ගනිමු.} \quad (5)$$

C කේන්ද්‍රය පසුකර යෑමට අංශුව ගත කරන කාලය t_0 ,

$$\omega t_0 = \frac{\pi}{2} - \alpha \Rightarrow t_0 = \frac{1}{\omega} \left(\frac{\pi}{2} - \alpha \right) \text{ මගින් දෙනු ලැබේ.}$$

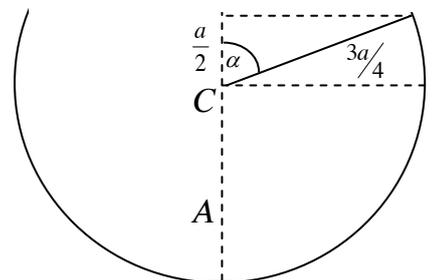
(5)

(5)

$$\text{එනම් } t_0 = \sqrt{\frac{a}{2g}} \left\{ \frac{\pi}{2} - \cos^{-1} \left(\frac{2}{3} \right) \right\} \quad (5)$$

රූප සටහනට : (15)

35



පහතම පිහිටීමට ළඟා වීමට අංශුව ගන්නා කාලය t_1 ,

$$\omega t_1 = \pi - \alpha \Rightarrow t_1 = \frac{1}{\omega}(\pi - \alpha) \text{ මගින් දෙනු ලැබේ.}$$

(5)

(5)

$$\text{එනම් } t_1 = \sqrt{\frac{a}{2g}} \left\{ \pi - \cos^{-1}\left(\frac{2}{3}\right) \right\} \quad (5)$$

15

$$\text{උපරිම විතනිය} = \frac{a}{2} + A = \frac{5a}{4}.$$

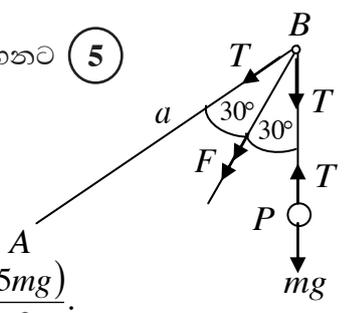
රූප සටහනට (5)

$$\text{උපරිම ආතතිය, } T_{\max} = (2mg) \left(\frac{5a/4}{a} \right) = \frac{5mg}{2} \quad (5)$$

$$\text{නාදැත්ත මත බලයෙහි උපරිම විශාලත්වය} = 2T_{\max} \cos\left(\frac{\pi}{6}\right) = T_{\max} \sqrt{3} = \sqrt{3} \frac{(5mg)}{2}.$$

(5)

20



වෙනත් ක්‍රමයක්

$$X = x - \frac{a}{2} = \alpha \cos \omega t + \beta \sin \omega t \text{ ..(i) මෙහි } \omega^2 = \frac{2g}{a}, \text{ ආකාරයේ විසඳුමක් උපකල්පනය කරමු.}$$

$$\text{අවකලනයෙන් } \dot{X} = \dot{x} = -\alpha \omega \sin \omega t + \beta \omega \cos \omega t, \dots\dots\dots\text{(ii)}$$

$$\text{ආරම්භයේදී (} t = 0 \text{ වන විට), } x = 0 \Rightarrow \dot{x} = u = \sqrt{\frac{5ga}{8}} \text{ වේ.}$$

$$\Rightarrow -\frac{a}{2} = \alpha \text{ හා } u = \beta \omega, \quad \text{එනම් } \beta = \frac{u}{\omega}$$

$$\text{විසඳුම : } x = \frac{a}{2}(1 - \cos \omega t) + \frac{u}{\omega} \sin \omega t,$$

$$\Rightarrow \dot{x} = \frac{a\omega}{2} \sin \omega t + u \cos \omega t.$$

30

සරල අනුවර්තීය චලිතයෙහි කේන්ද්‍රය $X = 0$; එනම් $x = \frac{a}{2}$. (5)

අංශුව C කේන්ද්‍රය පසු කර යන කාලය t_0

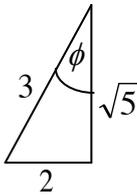
$$0 = -\frac{a}{2} \cos \omega t_0 + \frac{u}{\omega} \sin \omega t_0 \quad \text{මගින් දෙනු ලැබේ.} \quad (5)$$

$$\text{එනම් } \tan \omega t_0 = \frac{a\omega}{2u} = \frac{2}{\sqrt{5}}, \quad (5) \quad \left[\because \left(\frac{a\omega}{2u} \right)^2 = \frac{2ga}{5ga/2} \quad (5) \right]$$

$$\text{සුළු කෝණය } \phi = \tan^{-1} \left(\frac{2}{\sqrt{5}} \right) = \frac{\pi}{2} - \cos^{-1} \left(\frac{2}{3} \right) \quad \text{ලෙස ගනිමු.} \quad (5)$$

$$\text{එවිට } t_0 = \sqrt{\frac{a}{2g}} \left\{ \frac{\pi}{2} - \cos^{-1} \left(\frac{2}{3} \right) \right\}$$

25



අංශුව C පසු කර යන විට V වේගය :

$$V = \frac{a\omega}{2} \sin \omega t_0 + u \cos \omega t_0 = u [\tan \omega t_0 \cdot \sin \omega t_0 + \cos \omega t_0] \quad (5)$$

$$= u \sec \omega t_0 = \frac{3u}{\sqrt{5}} \quad (5)$$

15

B නාදැත්ත සිට පහතම E පිහිටීම දක්වා ගත වන කාලය

$$t_1 = \text{B සිට C දක්වා කාලය} + \text{C සිට E දක්වා කාලය} \quad (5)$$

$$t_1 = t_0 + \frac{1}{\omega} \cdot \frac{\pi}{2} \quad (5)$$

$$t_1 = \sqrt{\frac{a}{2g}} \left\{ \pi - \cos^{-1} \left(\frac{2}{3} \right) \right\} \quad (5)$$

15

$t = t_1$ වන විට ලැබෙන උපරිම විතනිය x_1 :

$$x_1 = \frac{a}{2} (1 - \cos \omega t_1) + \frac{u}{\omega} \sin \omega t_1 = \frac{a}{2} \left(1 + \frac{2}{3} \right) + \frac{a\sqrt{5}}{4} \cdot \frac{\sqrt{5}}{3} = \frac{5a}{4}. \quad (5)$$

$$\text{සරල අනුවර්තී චලිතයෙහි විස්තාරය} = \frac{5a}{4} - \frac{a}{2} = \frac{3a}{4} \quad (5)$$

20

14 වන ප්‍රශ්නය

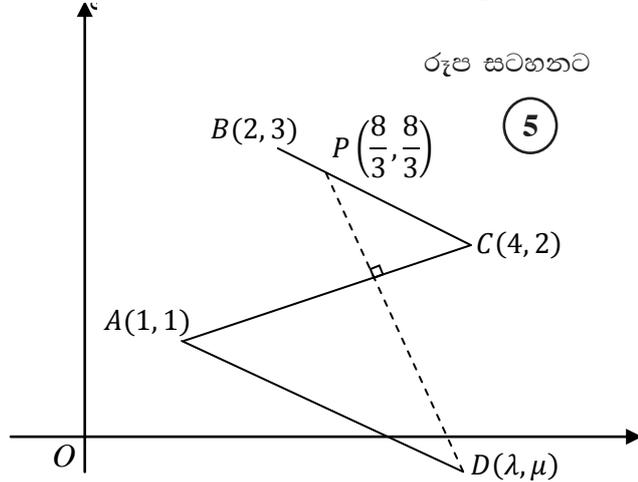
14. xy -තලයේ O මූලය අනුබද්ධයෙන් A, B හා C ලක්ෂ්‍යවල පිහිටුම් දෛශික, සුපුරුදු අංකනයෙන්, පිළිවෙළින් $\underline{i} + \underline{j}, 2\underline{i} + 3\underline{j}$ හා $4\underline{i} + 2\underline{j}$ වේ. $\overrightarrow{BP} = \frac{1}{3}\overrightarrow{BC}$ වන පරිදි BC මත පිහිටි P ලක්ෂ්‍යයේ පිහිටුම් දෛශිකය සොයන්න. $ABCD$ ත්‍රිපිසියමක D ශීර්ෂය ගනු ලබන්නේ BC පාදය AD ට සමාන්තර වන පරිදි ද PD, AC ට ලම්බ වන පරිදි ද වේ. D හි පිහිටුම් දෛශිකය $\frac{11}{3}\underline{i} - \frac{1}{3}\underline{j}$ බව පෙන්වන්න.

දුර මීටරවලින් ද බලය නිව්ටනවලින් ද මනින ලද, xy -තලයෙහි බල හතරකින් සමන්විත වන පද්ධතියක් පහත දැක්වෙන පරිදි දී ඇත.

| ක්‍රියා ලක්ෂ්‍යයෙහි බන්ධාංක | බලයේ Ox, Oy දිශාවලට සංරචක |
|-----------------------------|-----------------------------|
| $B(2, 3)$ | $F_1 = (2, 4)$ |
| $C(4, 2)$ | $F_2 = (3, 1)$ |
| $L(0, 1)$ | $F_3 = (6, 12)$ |
| $M(0, 6)$ | $F_4 = (9, 3)$ |

- (i) F_1 හා F_2 බල දෙකෙහි O මූලය හා $A(1, 1)$ ලක්ෂ්‍යය වටා සුර්ණ ශුන්‍ය වන බව පෙන්වා, ඒවායින් F_1, F_2, F_3 හා F_4 බල හතරෙන් සමන්විත පද්ධතියෙහි O මූලය වටා G සුර්ණය දක්ෂිණාවර්ත අතර 60 N m විශාලත්වයෙන් යුතු වන බව පෙන්වන්න.
- (ii) පද්ධතියෙහි R සම්ප්‍රයුක්තයේ (X, Y) සංරචක සොයන්න. ඒවායින්, R හි ක්‍රියා රේඛාවට y -අක්ෂය හමු වන ලක්ෂ්‍යය සොයන්න.
- (iii) බල පද්ධතිය $(0, -4)$ ලක්ෂ්‍යයෙහි ක්‍රියා කරන තනි බලයකින් හා සුර්ණය G_1 වූ යුග්මයකින් ප්‍රතිස්ථාපනය කරනු ලැබේ. G_1 හි අගය සොයා, තනි බලයේ ක්‍රියා රේඛාව $D(\frac{11}{3}, -\frac{1}{3})$ ලක්ෂ්‍යය ඔස්සේ යන බව පෙන්වන්න.

$AD \parallel BC$ හා $PD \perp AC$ සහිතව $ABCD$ ත්‍රිපිසියමකි.



$$\begin{aligned} \overrightarrow{OA} &= \underline{i} + \underline{j} \\ \overrightarrow{OB} &= 2\underline{i} + 3\underline{j} \\ \overrightarrow{OC} &= 4\underline{i} + 2\underline{j} \\ \overrightarrow{BC} &= \overrightarrow{BO} + \overrightarrow{OC} \quad (5) \\ &= -(2\underline{i} + 3\underline{j}) + 4\underline{i} + 2\underline{j} \\ &= 2\underline{i} - \underline{j} \quad (5) \end{aligned}$$

$$\overrightarrow{BP} = \frac{1}{3}\overrightarrow{BC} = \frac{1}{3}(2\underline{i} - \underline{j}) \quad (5) \quad \text{එම නිසා } \overrightarrow{OP} = \overrightarrow{OB} + \overrightarrow{BP} = \frac{8}{3}(\underline{i} + \underline{j}) \quad (5)$$

$$\overrightarrow{AD} \parallel \overrightarrow{BC} \Rightarrow \frac{\lambda-1}{2} = \frac{\mu-1}{-1} \Rightarrow \lambda - 1 = 2(1 - \mu) \quad (5)$$

$$\lambda + 2\mu = 3 \dots \dots \dots (1) \quad (5)$$

$$\overrightarrow{PD} \perp \overrightarrow{AC} \Rightarrow \overrightarrow{PD} \cdot \overrightarrow{AC} = 0, \quad (5) \quad \overrightarrow{AC} = 3\underline{i} + \underline{j} \quad (5)$$

5

⇒ {((8/3 - λ)i + (8/3 - μ)j) · (3i + j)} = 0 8 - 3λ + 8/3 - μ = 0 5

9λ + 3μ = 32..... (2) 5

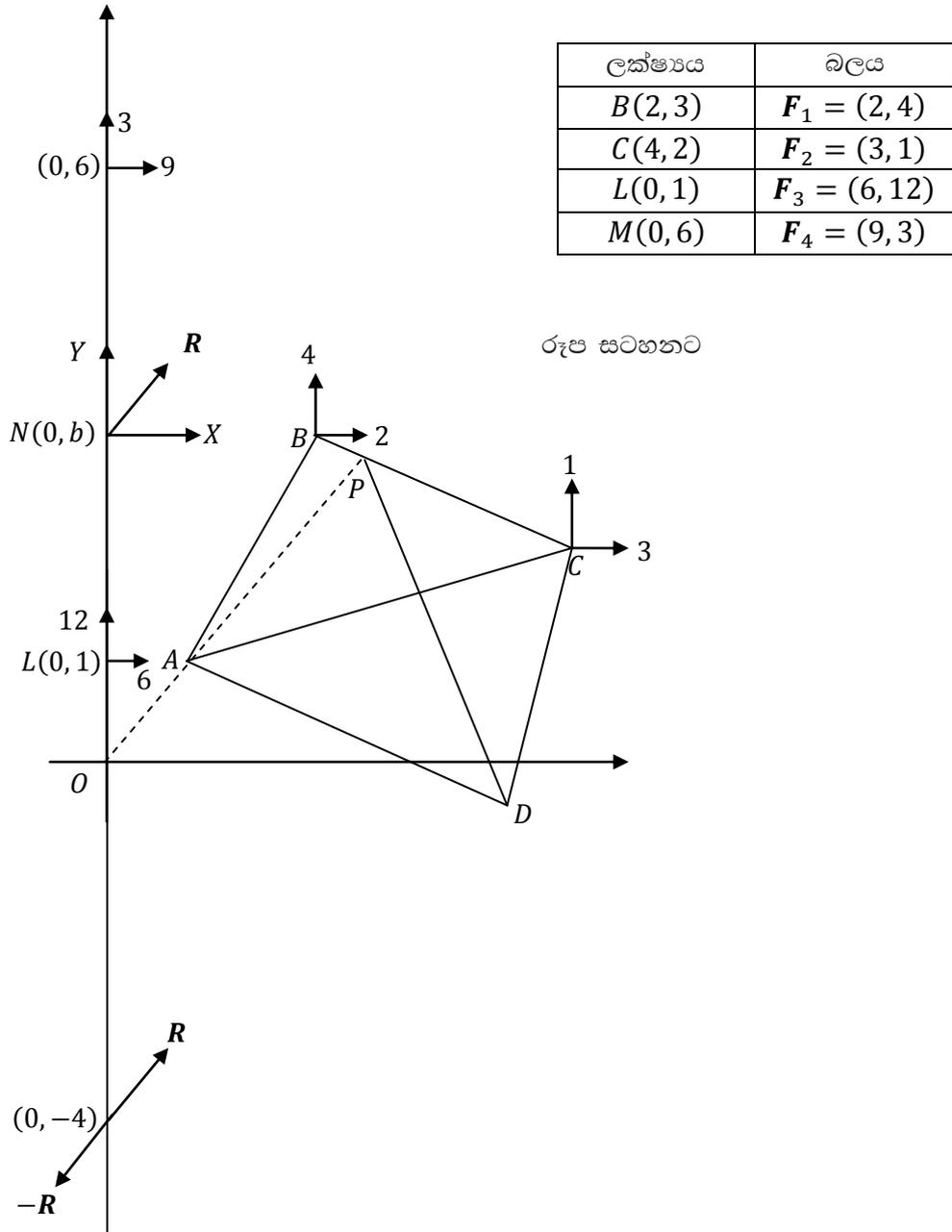
(1) න් ⇒ 9λ + 18μ = 27

15μ = -5 ⇒ μ = -1/3 5

හා λ = 3 + 2/3 = 11/3 5

එනසින් $\vec{OD} = \frac{11}{3}\underline{i} - \frac{1}{3}\underline{j}$.

බල පද්ධතිය



I O වටා F_1 හා F_2 හි සුර්ණය $\mathcal{U} = 2.4 - 3.2 + 4.1 - 2.3 = 0$ (5)

A වටා F_1 හා F_2 හි සුර්ණය $\mathcal{U} = 1.4 - 2.2 + 3.1 - 1.3 = 0$ (5)

F_1, F_2, F_3 හා F_4 හි O වටා සුර්ණය = F_3 හා F_4 හි O වටා සුර්ණය (5)

$$= 6.1 + 9.6 = 60 \sim Nm$$

(5)

30

II පද්ධතිය විභේදනයෙන්

$$\rightarrow X = 2 + 3 + 6 + 9 = 20$$
 (5)

$$\uparrow Y = 4 + 1 + 12 + 3 = 20$$
 (5)

(X, Y) සම්ප්‍රයුක්ත බලයෙහි ක්‍රියා රේඛාව හා $y -$ අක්ෂය ජේදනය වන ලක්ෂ්‍යය $N(0, b)$ යැයි ගනිමු. (5)

එවිට, O මූලය වටා සුර්ණ ගැනීමෙන්

$$O \sim b.X = 60 \Rightarrow b = \frac{60}{X} = \frac{60}{20} = 3$$
 (5)

(5)

$\therefore N$ ලක්ෂ්‍යයේ ඛණ්ඩාංක $(0, 3)$ වේ.

25

III $(0, -4)$ ලක්ෂ්‍යයෙහි $-R$ හා R බල ඇතුළත් කරන්න. (5)

එවිට පද්ධතිය, $(0, -4)$ ලක්ෂ්‍යයෙහි R බලයක් සමඟ

සුර්ණය වූ $G = X.(3 + 4) = 140 Nm$ උ යුග්මයකට තුලා වේ. (5)

$(0, -4)$ හි තනි R බලයේ ක්‍රියා රේඛාව $y = x - 4$ වේ. (5)

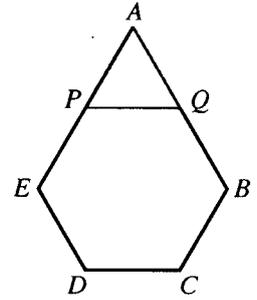
$\frac{-1}{3} = \frac{11}{3} - 4$ බැවින් $D\left(\frac{11}{3}, \frac{-1}{3}\right)$ හි ඛණ්ඩාංක මෙම සමීකරණය සපුරාලයි. (5)

\Rightarrow තනි බලයේ ක්‍රියා රේඛාව මත D පිහිටයි. (5)

25

15 වන ප්‍රශ්නය

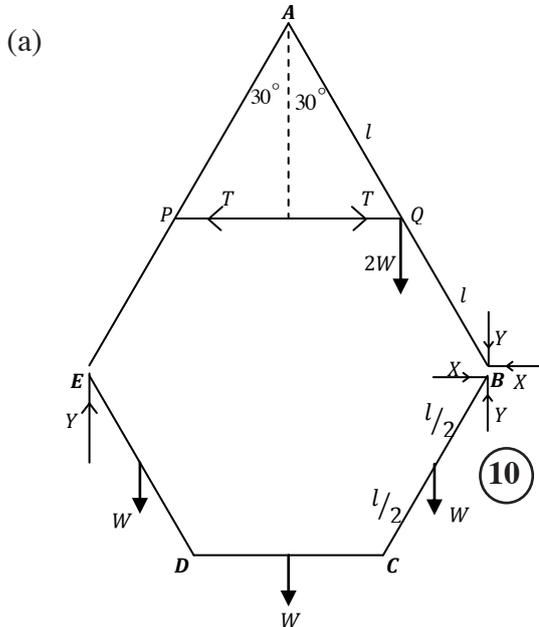
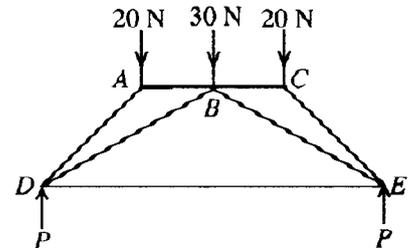
15. (a) AB, BC, CD, DE හා EA ඒකාකාර බර දඬු පහක් ඒවායේ කෙළවරවලින් සුමට ලෙස සන්ධි කර රූපයේ දැක්වෙන පරිදි $ABCDE$ පංචාස්‍රයක හැඩයේ රාමු සැකිල්ලක් සාදා ඇත. BC, CD හා DE දඬු එක එකක දිග l හා බර W වේ. AB හා EA දඬු එක එකක දිග $2l$ හා බර $2W$ වේ. දිග l වූ සැහැල්ලු PQ දණ්ඩක P හා Q දෙකෙළවර පිළිවෙලින් AE හා AB හි මධ්‍ය ලක්ෂ්‍යවලට සුමට ලෙස අසව් කර ඇත. A සන්ධියෙන් නිදහස් ලෙස එල්ලා ඇති රාමු සැකිල්ල සිරස් තලයක සමතුලිතව පිහිටයි.



B සන්ධියෙහි ප්‍රතික්‍රියාවේ තිරස් හා සිරස් සංරචක වන (X, Y) ද PQ සැහැල්ලු දණ්ඩේ තෙරපුම වන T ද නිර්ණය කිරීම සඳහා ප්‍රමාණවත් සමීකරණ ලියා දක්වන්න. **ඒනයිත්**, B සන්ධියේ දී AB දණ්ඩ මත ප්‍රතික්‍රියාව සොයා, $T = \frac{7W}{\sqrt{3}}$ බව පෙන්වන්න.

(b) දෘඪ සැහැල්ලු දඬු හතක් ඒවායේ කෙළවරවලින් නිදහස් ලෙස සන්ධි කර සාදා ගත් **සමමිතික** රාමු සැකිල්ලක් රූපයේ දැක්වේ. AB, BC හා DE දඬු තිරස් වේ. $\angle ADE = \angle CED = 45^\circ$ සහ $\angle BDE = \angle BED = 30^\circ$ වේ. රාමු සැකිල්ලට A, B හා C සන්ධිවල දී රූපයේ දැක්වෙන භාර යොදා ඇති අතර, D හා E සන්ධිවල දී සමාන P සිරස් බලවලින් ආධාර කර ඇත. P හි අගය සොයන්න.

බෝ අංකනය යෙදීමෙන්, A හා D සන්ධි සඳහා ප්‍රත්‍යාබල සටහන් එක ම රූපයක අඳින්න. **ඒනයිත්**, AD, AB, DE හා DB දඬුවල ප්‍රත්‍යාබල සොයා, ඒවා ආතති හෝ තෙරපුම වශයෙන් ප්‍රකාශ කරන්න.



BC, CD, DE දඬු සඳහා

සිරස් විභේදනයෙන්,

$$\uparrow 2Y = 3W \Rightarrow Y = \frac{3W}{2} \quad (10)$$

CB සඳහා, C වටා ඝූර්ණ ගැනීමෙන්

$$\curvearrowleft -X \cdot l \frac{\sqrt{3}}{2} + Y \cdot \frac{l}{2} = W \frac{l}{4} \quad (10)$$

$$X\sqrt{3} = \frac{3}{2}W - \frac{1}{2}W = W \quad (5)$$

AB දණ්ඩ සඳහා A වටා ඝූර්ණ ගැනීමෙන්,

$$T \cdot l \frac{\sqrt{3}}{2} = Xl\sqrt{3} + Y \cdot l + 2W \cdot \frac{l}{2} \quad (15)$$

$$T \frac{\sqrt{3}}{2} = W + \frac{3}{2}W + W = \frac{7}{2}W \quad (5)$$

$$T = \frac{7W}{\sqrt{3}} \quad (5)$$

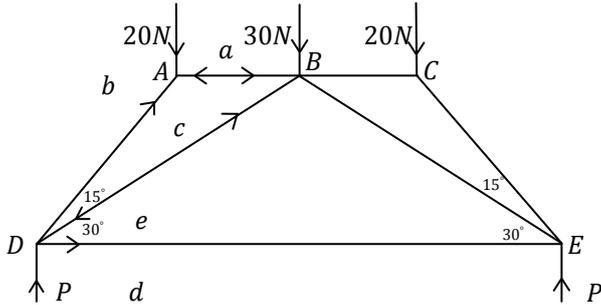
$$R = \sqrt{X^2 + Y^2} = W \sqrt{\left(\frac{1}{3} + \frac{9}{4}\right)} = W \sqrt{\frac{31}{12}} \quad (5)$$

$$\tan \theta = \frac{Y}{X} = \frac{3W/2}{W/\sqrt{3}} = \frac{3\sqrt{3}}{2} \quad (5)$$

B හි ප්‍රතික්‍රියාව, තිරස සමග $\theta = \tan^{-1}\left(\frac{3\sqrt{3}}{2}\right)$ කෝණයක් සාදයි. (5)

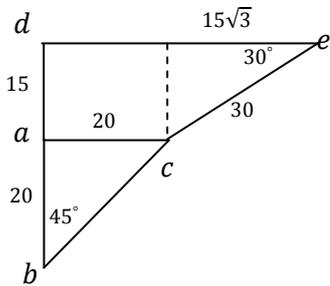
15

(b) රූප සටහන



$$2P = 70$$

$$P = 35 \text{ N} \quad (5)$$



ප්‍රකාශ බල සටහනට

(25)

$$bc = 20\sqrt{2} \text{ N} \quad (5) \quad : \text{ AD හි තෙරපුම} \quad (5)$$

$$ca = 20 \text{ N} \quad (5) \quad : \text{ AB හි තෙරපුම} \quad (5)$$

$$de = 20 + 15\sqrt{3} \text{ N} \quad (10) \quad : \text{ DE හි ආතතිය} \quad (5)$$

$$ec = 30 \text{ N} \quad (5) \quad : \text{ DB හි තෙරපුම} \quad (5)$$

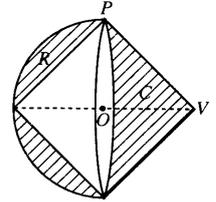
75

16 වන ප්‍රශ්නය

16. ආධාරකයේ අරය a හා උස h වූ ඒකාකාර ඝන කේතුවක හා අරය a වූ ඒකාකාර ඝන අර්ධගෝලයක ස්කන්ධ කේන්ද්‍රවල පිහිටුම්, අනුකලනය භාවිතයෙන් සොයන්න.

ස්කන්ධය M , අරය a හා කේන්ද්‍රය O වූ ඒකාකාර ඝන අර්ධගෝලයකින්, ආධාරකයේ අරය a හා උස a වූ C නම් සෘජු වෘත්ත කේතුව ඉවත් කිරීමෙන් ලැබෙන ඝන වස්තුව R යැයි ගනිමු. M ඇසුරෙන් R ඝන වස්තුවේ ස්කන්ධය, හා ස්කන්ධ කේන්ද්‍රයේ පිහිටීම සොයන්න.

ඊළඟට රූපයේ දැක්වෙන ආකාරයට S සංයුක්ත වස්තුවක් සෑදෙන පරිදි C ඝන කේතුව R ඝන වස්තුවට සම්බන්ධ කරනු ලැබේ. මෙහි දී C හි ආධාරකයේ වෘත්තාකාර දාරය R හි ගැටියට දෘඪ ලෙස සම්බන්ධ කරනු ලබන්නේ ගැටියේ O කේන්ද්‍රය C හි ආධාරකයේ කේන්ද්‍රය සමග සම්පාත වන පරිදි ය.

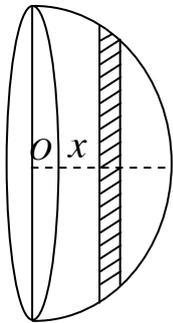


S සංයුක්ත වස්තුවේ ගුරුත්ව කේන්ද්‍රය G , එහි සමමිතික අක්ෂය මත, ආධාරකවල පොදු කේන්ද්‍රය වන O සිට $\frac{a}{8}$ දුරකින් පිහිටන බව පෙන්වන්න.

- (a) S සංයුක්ත වස්තුව, දාරයේ P ලක්ෂ්‍යයකින් නිදහස් ලෙස එල්ලනු ලැබේ.
- (i) සමමිතික අක්ෂය වන OV හි තිරසර ආනතිය සොයන්න; මෙහි V යනු C හි ශීර්ෂයයි.
 - (ii) සමමිතික අක්ෂය තිරස් ලෙස තබා ගැනීම සඳහා V ශීර්ෂයට ඇඳිය යුතු අංශුවේ m ස්කන්ධය, M ඇසුරෙන් සොයන්න.
- (b) V හි දී සම්බන්ධ කරන ලද m ස්කන්ධය ද සහිත S සංයුක්ත වස්තුව, එල්ලන ලද ලක්ෂ්‍යයෙන් ඉවත් කර, එහි අර්ධගෝලීය පෘෂ්ඨය අවල සුමට තිරස් තලයක ඇතිව සමතුලිතව තබනු ලැබේ. OV අක්ෂය හා උඩු අත් සිරස අතර කෝණයේ අගය පරාසය සොයන්න.

අරය a වූ ඒකාකාර ඝන අර්ධ ගෝලය

ස්කන්ධ කේන්ද්‍රය, සමමිතික අක්ෂය මත O කේන්ද්‍රයේ සිට \bar{x}_1 දුරකින් පිහිටයි.



$$\left(\frac{2}{3} \pi a^3 \rho\right) \bar{x}_1 = \int_0^a x \cdot \rho \pi (a^2 - x^2) dx \quad (5)$$

$$= \rho \pi \left[-\frac{(a^2 - x^2)^2}{4} \right]_0^a \quad (5)$$

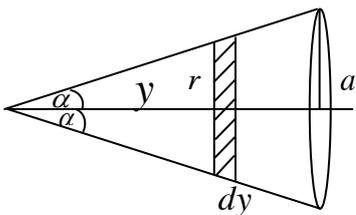
$$= \frac{\rho \pi a^4}{4} \quad (5)$$

$$\bar{x}_1 = \frac{3}{8} a \quad (5)$$

25

ආධාරක අරය a හා උස h වූ ඒකාකාර ඝන කේතුව

ස්කන්ධ කේන්ද්‍රය, සමමිතික අක්ෂය මත V ශීර්ෂයේ සිට y_1 දුරකින් පිහිටයි. මෙහි



$$\left(\frac{1}{3} \pi a^2 \rho h\right) \bar{y}_1 = \int_0^h y \cdot \rho \pi \left(\frac{ay}{h}\right)^2 dy \quad \left(\tan \alpha = \frac{a}{h}, r = y \tan \alpha\right) \quad (5)$$

$$= \frac{\rho \pi a^2}{h^2} \left[\frac{y^4}{4} \right]_0^h \quad (5)$$

$$\Rightarrow \bar{y}_1 = \frac{3h}{4} \quad (5)$$

ආධාරකයේ කේන්ද්‍රයේ සිට ස්කන්ධ කේන්ද්‍රයට දුර = $\frac{1}{4} h$

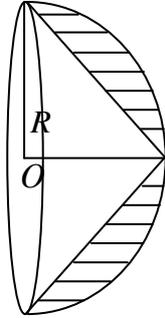
25

ඉතිරි වූ ඝන වස්තුව R

$$R \text{ ඝනයේ ස්කන්ධය} = \frac{2}{3}\pi a^3 \rho - \frac{1}{3}\pi a^2 \cdot a\rho \quad (5)$$

$$= M - \frac{M}{2} = \frac{M}{2} \quad (5)$$

O සිට R හි ස්කන්ධ කේන්ද්‍රයට දුර \bar{x}



$$\bar{x} = \frac{M \frac{3}{8}a - \frac{M}{2} \frac{a}{4}}{M/2} = \left(\frac{3}{4} - \frac{1}{4}\right)a = \frac{a}{2} \quad (5)$$

25

$OG \equiv \bar{x}$ යැයි ගනිමු. මෙහි G යනු S සංයුක්ත වස්තුවෙහි ස්කන්ධ කේන්ද්‍රය වේ.

$$M\bar{x} = \frac{M}{2} \left(\frac{a}{2}\right) - \frac{M}{2} \left(\frac{a}{4}\right) \Rightarrow \bar{x} = \frac{a}{8} \quad (5)$$

(5)

(15)

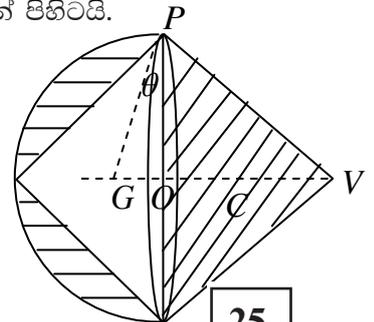
25

- a) i) P ලක්ෂ්‍යයෙන් එල්ල වීම, G ගුරුත්ව කේන්ද්‍රය P ට සිරස්ව පහළින් පිහිටයි.
 PO හා සිරස අතර θ කෝණය

$$\tan \theta = \frac{a/8}{a} = \frac{1}{8} \quad \text{මගින් දෙනු ලැබේ.} \quad (10)$$

- ii) OV තිරස්ව තැබීම සඳහා (P ට සිරස්ව පහළින් O පිහිටීමට)

$$O \rightarrow mg \cdot a = Mg \left(\frac{a}{8}\right) \Rightarrow m = \frac{M}{8} \quad (5)$$

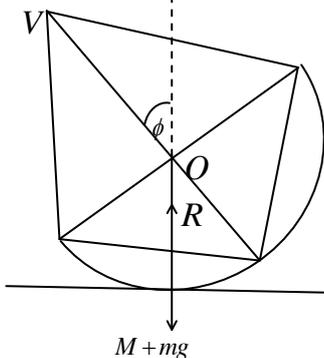


25

- b) $-\frac{\pi}{2} \leq \theta \leq \frac{\pi}{2}$ තුළ සියලු ϕ සඳහා

$$R = (M+m)g \quad \text{වේ.}$$

එහි OV අක්ෂය, සිරසට ඕනෑම සුළු කෝණයක් ආනතව නිශ්චලව තිබේ.



රූප සටහනට (5)

25

17 වන ප්‍රශ්නය

17.(a) මිනිසෙක්, යතුරු පැදිය, පා පැදිය හෝ පයින් යන ගමන් ක්‍රම තුනෙන් එකක් පමණක් යොදා ගනිමින්, නිශ්චිත මාර්ගයක් දිගේ අනතුරු සහිත ගමනක් යයි.

මිනිසා මෙම ගමනාගමන ක්‍රම යොදා ගැනීමේ සම්භාවිතා පිළිවෙළින් $p, 2p$ හා $3p$ වේ නම්, p හි අගය සොයන්න.

ඔහු මෙම ගමනාගමන ක්‍රම යොදා ගැනීමේ දී අනතුරක් සිදු වීමේ සම්භාවිතා පිළිවෙළින් $\frac{1}{5}, \frac{1}{10}$ සහ $\frac{1}{20}$ වේ නම්, තනි ගමනක දී අනතුරක් සිදු වීමේ සම්භාවිතාව ගණනය කරන්න.

ගමන අතරතුරේ දී මිනිසාට අනතුරක් සිදු වී ඇති බව දන්නේ නම්, මිනිසා ගමන් කරමින් සිටියේ,

(i) යතුරු පැදියෙන්, (ii) පා පැදියෙන්, (iii) පයින්

වීමේ සම්භාවිතාව ගණනය කරන්න.

වඩාත් ආරක්ෂිත වූයේ කුමන ගමනාගමන ක්‍රමය ද? ඔබගේ පිළිතුර සනාථ කරන්න.

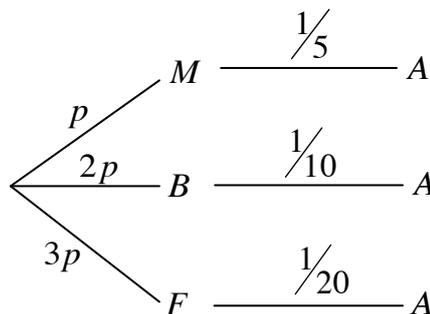
(b) කාර්මික විද්‍යාල සිසුන් 100 ක කණ්ඩායමක් මහා මාර්ගයක එක්තරා කොටසක් මනින ලද අතර, පවුන්ගේ මිනුම් පහත සඳහන් සංඛ්‍යාත වගුවේ දක්වා ඇත.

| | | | | | | | |
|----------------|------|------|-------|-------|-------|-------|-------|
| දිග (මීටර) x | 99.8 | 99.9 | 100.0 | 100.1 | 100.2 | 100.3 | 100.4 |
| සංඛ්‍යාතය f | 5 | 7 | 12 | 33 | 25 | 15 | 3 |

උපකල්පිත මධ්‍යන්‍යය $\bar{x}_a = 100.1$ හා $d = 0.1$ සඳහා, $y = \frac{x - \bar{x}_a}{d}$ පරිණාමනය භාවිතයෙන්, අනුරූප y හා y^2 අගයන් ඇතුළත් කෙරෙන පරිදි ඉහත වගුව විස්තීරණය කරන්න. y හි මධ්‍යන්‍යය සොයා, එහිදී x හි මධ්‍යන්‍යය 100.123 බව පෙන්වන්න.

$\sqrt{1.917} = 1.385$ බව ගනිමින්, සංඛ්‍යාත ව්‍යාප්තියේ සම්මත අපගමනය, ආසන්න වශයෙන් දශමස්ථාන තුනකට නිවැරදි ව, ගණනය කරන්න.

- (a) M = යතුරු පැදියෙන් ගමන යෑම
 B = පා පැදියෙන් ගමන යෑම
 F = පා ගමනින් යෑම
 A = අනතුරක් වීම



M, B හා F සිද්ධි අන්‍යෝන්‍ය වශයෙන් බහිෂ්කාර හා නිරවශේෂ බැවින්,

$$P(M) + P(B) + P(F) = 1 \quad (5)$$

$$\Rightarrow p + 2p + 3p = 1 \quad \text{එනම්} \quad p = \frac{1}{6} \quad (5)$$

10

දැන්,

$$\begin{aligned}
 P(A) &= P(M \cap A) + P(B \cap A) + P(F \cap A) \quad (5) \\
 &= P(A|M) \cdot P(M) + P(A|B) \cdot P(B) + P(A|F) \cdot P(F) \quad (5) \\
 &= \frac{1}{6} \cdot \frac{1}{5} + \frac{2}{6} \cdot \frac{1}{10} + \frac{3}{6} \cdot \frac{1}{20} \quad (15) \\
 &= \frac{1}{30} + \frac{1}{30} + \frac{1}{40} = \frac{4+4+3}{120} = \frac{11}{120} \quad (5)
 \end{aligned}$$

30

$$(i) \quad P(M|A) = \frac{P(M \cap A)}{P(A)} = \frac{\frac{1}{30}}{\frac{11}{120}} = \frac{4}{11} \quad (5)$$

$$(ii) \quad P(B|A) = \frac{P(B \cap A)}{P(A)} = \frac{\frac{1}{30}}{\frac{11}{120}} = \frac{4}{11} \quad (5)$$

$$(iii) \quad P(F|A) = \frac{P(F \cap A)}{P(A)} = \frac{\frac{1}{40}}{\frac{11}{120}} = \frac{3}{11} \quad (5)$$

අනතුරක් සිදුවීමේ අඩුතම සම්භාවිතාව, මිනිසා පා ගමනින් යන විටදී ය. ඒ අනික් සම්භාවිතා ඊට වඩා වැඩි බැවිනි. (5)

∴ ආරක්ෂිතම ගමනාගමන ක්‍රමය පා ගමනයි. (5)

30

b) $x =$ මහා මාර්ග කොටසේ දිග, මීටරවලින්,

| | | | | | | | |
|---------------|------|------|-------|-------|-------|-------|-------|
| x | 99.8 | 99.9 | 100.0 | 100.1 | 100.2 | 100.3 | 100.4 |
| සංඛ්‍යාතය f | 5 | 5 | 7 | 33 | 25 | 15 | 3 |

පරිණාමනය :

$$y = \frac{x - \bar{x}_a}{d} = \frac{x - 100.1}{0.1} \quad (5)$$

විස්තෘත වගුව :

| | | | | | | | | |
|-------|----|----|----|---|---|---|---|------|
| y | -3 | -2 | -1 | 0 | 1 | 2 | 3 | (10) |
| y^2 | 9 | 4 | 1 | 0 | 1 | 4 | 9 | (5) |

$$\sum fy = -15 - 14 - 12 + 0 + 25 + 30 + 9 = -41 + 64 = 23 \quad (5)$$

y හි මධ්‍යන්‍යය :

$$\bar{y} = \frac{1}{100} \sum fy = 0.23 \quad (5)$$

$$x = \bar{x}_a + dy \Rightarrow \bar{x} = \bar{x}_a + d\bar{y} \quad (5)$$

$$\therefore x \text{ හි මධ්‍යන්‍යය : } \bar{x} = 100.1 + (0.1)0.23 = 100.123$$

(5)

40

y හි විචලතාව,

$$S_y^2 = \frac{1}{100} \sum fy^2 - \bar{y}^2 \quad (5) \quad \text{හා}$$

$$\sum fy^2 = 45 + 28 + 12 + 0 + 25 + 60 + 27 = 85 + 85 + 27 = 197 \quad (5)$$

$$\frac{1}{100} \sum fy^2 = 1.97, \quad (5) \quad \bar{y}^2 = (0.23)^2 = 0.0529 \quad (5)$$

$$\therefore y \text{ හි විචලතාව} = 1.97 - 0.0529 = 1.917 \quad (5)$$

ඒකජ සම්බන්ධය : $x = dy + \bar{x}_a$

$$\text{Var}(X) = d^2 \text{Var}(Y), \quad d = 0.1$$

$$S_x^2 = d^2 S_y^2 \quad (5)$$

$$\therefore \text{Var}(X) = (0.1)^2 1.917$$

$\text{Var}(X)$ හි වර්ග මූල ගැනීමෙන්

$$x \text{ හි සම්මත අපගමනය} = S_x = (0.1)\sqrt{1.917} \quad (5)$$

$$S_x = 0.1385; \quad (\because \sqrt{1.917} \approx 1.385)$$

$$x \text{ හි සම්මත අපගමනය} \quad 0.1385m \approx 0.139m. \quad (5)$$

40